### 時空間集光2光子励起顕微鏡の動作解析

Numerical analysis of Simultaneous Spatial and Temporal Two-photon Excitation

Fluorescence Microscopy

中村葵(B4)、宋啓原(M2)

Aoi Nakamura and Song Qiyuan

### Abstract

We report the numerical analysis of SSTF (simultaneous spatial and temporal focusing) in two photon excitation fluorescence microscopy. The characteristics of SSTF are visualized by simulation and compared with our experimental results.

# 1. はじめに

多光子励起蛍光顕微鏡は励起光強度の2乗に比 例した蛍光励起が起こることを利用し,光軸方向に 高い分解能を有する顕微鏡である。さらに、長波長 の光を用いて蛍光体を励起できるので、1光子波長 に大きな吸収をもつ材料でも深部まで光を伝達さ せることができ、1mm以上の厚さのサンプルの観 察が可能である[1]。

時間集光ではパルスが焦点面でのみ最も短くな るという性質をもつことから、背景光を抑制するこ とができる。さらに、通常の2光子顕微鏡ではサン プルを光軸方向にシフトさせて走査するが、時間集 光を用いると、GDDを変化させることで光軸方向 のシフトが可能になる。その原理をFig.1示す。回





折格子によって各波長は空間的に角度分散をもっ て回折し、それぞれの波長は円筒レンズによってコ リメートされ、対物レンズの後ろ焦点面で再び重な る。対物レンズの焦点面においてのみ各波長成分が 再び重なることで、パルス幅が焦点面で最も短くな る。時間集光の最大の特徴は画像の取得時間が短縮 可能である点であり、5  $\mu$ mのz軸分解能で140  $\mu$ m<sup>2</sup> のイメージを 30 sec で取得されることが報告され ている[2]。また、2 次の分散を入力波形に与えるこ とで、焦点面をz軸方向に移動させることも可能で ある [3]。

本研究では、時間集光2光子励起顕微鏡の特性を 数値解析によって可視化し、さらに実験との比較を 行った。

#### 2. 数值解析

数値解析には Fourier 光学系におけるビーム回 折解析の方法[4]を利用した。パラメータは Table 1 に示すように設定した。ただし、入力パルスは周波 数域と空間領域においてガウス型とした。セットア ップは Fig.1 に示した。

入力波形は式(1)のように設定した。

 $e_{in}(x,\omega) = \exp(-\omega^2/a^2) \cdot \exp(-x^2/A^2)$ 

$$\exp(i\varphi(\omega)) \tag{1}$$

回折格子の入射直前の電界包絡線が $E_{in}(\beta x, \Omega)$ で表される場合、回折直後の複素光電界は式(2)で表される。ただし $\Omega = \omega - \omega_0$ であり、dは溝間隔、 $\theta_i$ は入射角、 $\theta_d$ は回折角である。焦点距離fのレンズの

前焦点面における複素光電界を $E(x, -f, \omega)$ と表し たときに、レンズの後ろ焦点面z = fにおける複素 光電界は式(3)で表される。以上の式から 2 光子励 起スペクトルを得るため、資料面での SH(Second Harmonic) 光の電界の計算を行った。

## Table 1. The Parameter of SSTF

(a) Input pulse		
Center frequency	830 nm	
Bandwidth	80 nm	
Beam diameter(1/e)	3 mm	
(b) Grating		

(10) 01-0008	
Groove number	150 /mm
Angular dispersion	0.055
coefficient $\alpha$	
γ parameter	0.417 ps/mm

(c) Lens

Focal length (col. lens)	400  mm
Focal length (obj. lens)	9 mm

さらに、 $z = z_0$ での複素光電界を $e(k, z_0, t)$ で表し たとき、 $z = z_1$ まで z 方向に伝搬した複素光電界を 式(4)で定め、資料面を z 軸方向に前後させた時の SH 光の電界も同様に計算した。

$$E(x,\omega) = \sqrt{\beta} \cdot E_{in}(\beta x, \Omega) \exp(i\gamma \Omega x)$$
(2)  
[  $\beta = \cos(\theta_i) / \cos(\theta_d), \quad \gamma = 2\pi/\omega_c d\cos(\theta_d)$ ]

$$E(x, f, \omega) = \sqrt{\frac{2\pi}{\lambda f}} \tilde{E}\left(\frac{2\pi x}{\lambda f}, -f, \omega\right)$$
(3)

$$\begin{bmatrix} \tilde{E}(k) = F_x \{ E(x) \} \end{bmatrix}$$

$$\tilde{e}(k, z_1, t) = \tilde{e}(k, z_0, t) exp \left\{ -\frac{i(z_1 - z_0)\lambda k^2}{4\pi} \right\} \quad (4)$$

## 3. 数值解析結果

## A. 時間集光特性

時間集光における z 軸方向分解能は 13.2 μm (FWHM)となった。さらに、z 軸方向に観察面をシ フトさせたときの周波数に対する x 軸(光軸に垂直



Fig.2. Variations of  $t - \omega$  profile and intensity in the TPF along z-direction near the temporal focus.

な軸)の様子と時間軸に対する SH 強度(x=0 の面) の様子を Fig.2 に示した。この結果から焦点面で角 周波数成分が重なり合い、パルス幅は最も短く、強 度が強くなっているのに対し、焦点面前後では各周 波数成分の重なりが悪くなり、パルス幅は広がり、 強度が低下していることがわかる。続いて、入力波 形に 2 次の分散を与え、焦点面を前後させたときの z 軸方向に対する SH 強度を示したものが Fig.3 で ある。これより 2 次の分散を与えることによって焦 点面の z 軸方向シフトが可能であることがわかる。 単位シフト量当たりの GVD の変化は 45 fs<sup>2</sup>/μm と なった。





# B. 選択的2光子励起

広帯域フェムト秒レーザパルスのスペクトル位 相を制御し2倍高調波スペクトルを整形すること で、異なる蛍光タンパク質を選択的に2光子励起で きることが実験的に示されている[5]。このアイデ アを時間集光に導入したときのz軸方向での選択 励起特性を数値解析によって確かめた。Fig.4に結 果を示す。上段は周波数に対する入力波形と位相の グラフであり、下段はそのときの z 軸方向に対する SH 光強度のグラフである。ただし青線は中心周波 数以下の SH 光強度を時間積分したグラフ、緑線は 中心周波数以下の SH 光強度を時間積分したグラ フである。(a)はSH光強度を低下させるようにSA 法によって作り出したランダムな位相変調を 高周 波側に加えた時のグラフであり、そのときの SH 光 強度は高周波側が抑制されており、選択励起が実現 されていることがわかる。続いて正弦型位相変調を 与えた時のグラフが(b)である。周波数2430 rad/sec について点対称になるように位相変調をかけ、SH



Fig.4. The spectral phase profiles and corresponding two-photon excitation rates for selective excitation intensity of the Selective excitation by phase modulation.

光強度が高くなるように設定してあるが、低周波部 分で発生する SH 光が抑制されなかったため、選択 的な励起は達成できなかった。(c)では高周波側に 振幅変調をかけ、SH 光を抑制することで選択的な 励起を達成した。

しかし、位相変調をかけることによって FTL が 崩れてしまい、位相をかけない場合と比較してラン ダムな位相変調ではSH光強度のz軸解像度は4~5 倍劣化した。また、振幅変調では励起光のスペクト ル帯域が狭くなってしまうために z 軸解像度は 4 倍程度になった。

したがって、位相変調・振幅変調をかけることに よって選択的な2光子励起は可能になるが、z軸解 像度が著しく低下してしまうことがわかった。

## C.和周波発生を利用した背景光の抑制

ここでは時間集光においてパルスの長波長帯と 短波長帯の間での和周波(SF)混合のみを利用し、中 心波長帯でのSHを除くことで背景SH成分を抑制 し、z軸方向の分解能が改善できることを示す。方 法は論文[5]を参考にした。ガウス型波形の中心周 波数部分をブロックすることで二つの周波数帯域 を作り出す。(Fig.5)ブロックする周波数の範囲は0 rad/psec から 200 rad/psec(中心周波数±100 rad/psec)まで変化させて、そのときのSH光の半 値全幅を求めた。この方法では Fig.6 のように和周 波発生による SF 光の両側に長波長帯、短波長帯の SH 光が発生してしまうため、SF 光のみを透過さ せるフィルターを用いた。この結果、ブロックする 周波数が 130 rad/sec であるときに最も SF 光の半 値全幅が狭くなることがわかった。Fig.7 は時間方 向に積分した x=0 の位置での z 軸に対する SFG 強 度のグラフである。(a)がブロックをしないときで あり、(b)が 130 rad/sec の周波数の範囲でブロック をかけたときである。この二つを比較すると、z軸 解像度は 13.2 μm から 10.3 μm まで向上し、背景

光も抑制されていることがわかる。



Fig.5. Input laser spectrum.(the blocked region is 130 rad/psec.)



Fig.6. SFG and SHG intensity distributions.



![](_page_4_Figure_0.jpeg)

Fig.7. (a) SHG intensity without beam block and(b) SFG intensity with beam block.

### 4. 実験

チタンサファイアフェムト秒レーザー(中心周波 数 835 nm、スペクトル幅 70 nm、平均パワー130 mW、繰り返し周波数 150 MHz) を用いた実験セ ットアップを Fig.9 に示す。回折格子の溝本数は 150 本/mm、コリメートレンズの焦点距離は 400 mm、対物レンズの焦点距離は 9 mm、NA は 0.4 のものを用いた。中心周波数850 nm のフェムト秒 パルスレーザーは SLM を含む波形整形器に入射し、 光学系で生じる分散補償を行う。二光子蛍光の z 軸解像度を評価するために、BBO 結晶(厚さ 300 μm)を用いて SHG を発生させて評価した。BBO 結晶をz軸方向にシフトさせ、各点でのSH光を光 電子増倍菅で検出した値を深さ方向に微分した結 果を Fig.10 に示す。これより、SHG の z 軸解像度 は15 µm であった。シミュレーションの結果と比 較して、分解能が低いのは、結晶において SHG 発 生以外に自己位相変調等の非線形効果が発生して いるか、散乱光が原因だと考えられる。

# 5. まとめ

シミュレーションを用いて時間集光特性を可視 化し、z軸方向の分解能について実験との比較を行

![](_page_4_Figure_6.jpeg)

Fig.9. Experimental setup of our SSTF.

![](_page_4_Figure_8.jpeg)

Fig.10. SHG intensity distribution.

なった。また、時間集光における選択的2光子励起 では選択的な励起は出来るが、z軸解像度は劣化す る。和周波発生を用いた方法では背景光の低下によ る z 軸分解能の向上が確かめられた。

#### References

[1] Helmchen,F. & Denk,W. Nat.Methods 2 , 932-940. (2005)

[2] E. Tal, D. Oron, and Y. Silberberg, Opt. Lett.13, 1468-1476 (2005).

[3] M. E. Durst, G. Zhu, and C. Xu, Opt. Express 14(25), 12243–12254 (2006).

[4] M. M. Welfers and K. A. Nelson, IEEE J.Quantum Electron. 32, 161,(1996)

[5] Durst, Michael E; Straub, Adam A; Xu, Chris,Opt. Lett. 34, 12, 1786-1788 (2009)